## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: جوان 2009

إلرة التربية الوطنية

حان بكالوريا التعليم الثانوي

معة: آداب و فلسلفة + لغات أجنبية

المدة: ساعتان ونصف

حبار في مادة: الرياضيات

### على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

# الموضوع الأول

#### مرين الأول: (06 نقاط)

 $u_2-2u_5=19$  متتالية حسابية معرفة على  $\mathbb{N}^*$  بحدها الأول  $u_1=2$  و بالعلاقة  $(u_n)$ 

 $(u_n)$  أحسب الأساس r للمتتالية أ -1 (1

ب- أحسب الحد العاشر

n اکتب عبارة  $u_n$  بدلالة (2

(3) بيّن أن العدد (2008) هو حدا من حدود  $(u_n)$ . محدّدا رتبته.

$$S = u_1 + u_2 + \dots + u_{671}$$
 (4)

## تعرين الثاني: ( 05 نقاط )

a=25 ليكن العدد الطبيعي

a = 1[3]: أ- تحقق ان أ. أ

3 على القسمة الإقليدية للعدد  $2a^2 + 4$  على -4

 $a^{360} - 5 \equiv 2[3]$  : ج – بین آن

2. أ) ادرس ، حسب قيم العدد الطبيعي ١٨، بواقي قسمة العدد "5 على 3

 $5^n + a^2 \equiv 0[3]$ : ب ب بحيث العدد الطبيعي n بحيث العدد الطبيعي

#### التمرين الثالث: ( 09 نقاط)

$$f(x) = \frac{x-3}{x+1}$$
 :ب  $\mathbb{R} - \{-1\}$  معرفة على  $f$ 

 $(o,ec{i},ec{j})$  تمثیلها البیانی فی مستوی منسوب إلی معلم متعامد و متجانس  $(c_f)$ 

بین أن الدالة f تکتب علی الشکل:  $f(x) = 1 + \frac{a}{x+1}$  عدد حقیقی یطلب تعیینه. (1

2) أحسب نهاية الدالة f عند f عند f و f و f ثم فسر النتائج المحصل عليها بيانيا.

f'(x) أحسب f'(x) ثم شكّل جدول تغيرات

.3 اكتب معادلة للمماس ( $\Delta$ ) للمنحنى ( $C_{f}$ ) عند النقطة التي فاصلتها (4

5) عين إحداثيي نقط تقاطع المنحنى  $(c_f)$  مع حاملي محور الإحداثيات

 $(c_f)$  أرسم كلا من  $(\Delta)$  و  $(c_f)$ .

# الموضوع الثاتي

التمرين الأول: (08 نقاط)

 $f(x) = -2 + \frac{3}{2}$  نتكن f دالة عدية معرفة على المجال f براية بالمجال f دالة عدية معرفة على المجال

- كل سؤال من الأسئلة الخمسة التالية يتضمن إجابة واحدة صحيحة، تعرف عليها، مع التبرير.

س 1) يمكن كتابة الدالة أ على الشكل:

3) 
$$f(x) = \frac{-2x-7}{x-2}$$
 2)  $f(x) = \frac{-2x+7}{x-2}$  1)  $f(x) = \frac{7+2x}{x-2}$ 

2) 
$$f(x) = \frac{-2x+7}{x-2}$$

1) 
$$f(x) = \frac{7+2x}{x-2}$$

f'(x) المشتقة الدالمة f على المجال  $+\infty$  ,  $+\infty$  وعبارتها  $+\infty$  هي:

3) 
$$f'(x) = \frac{-3}{(x-2)^2}$$
 2)  $f'(x) = \frac{-2}{(x-2)^2}$  1)  $f'(x) = \frac{3}{(x-2)^2}$ 

2) 
$$f'(x) = \frac{-2}{(x-2)^2}$$

1) 
$$f'(x) = \frac{3}{(x-2)^2}$$

 $+\infty$ ) نهایة f(x) عند (3س

$$3) -2$$
  $2) +3$ 

$$2) + 3$$

$$1) + \infty$$

س 4) المنحنى  $(c_r)$  يقبل مستقيما مقاربا معادلته هي:

3) 
$$y = 2$$
 2)  $x = 3$  1)  $x = 2$ 

1) 
$$x = 2$$

 $x_0=3$  المنحنى (حرم) يقبل مماسا عند النقطة ذات الفاصلة المنحنى المن

3) 
$$y = 3x - 10$$
 2)  $y + 3x - 10 = 0$  1)  $y = -\frac{1}{3}x + 10$ 

$$1) y = -\frac{1}{3}x + 10$$

التمرين الثاني: (07 نقاط)

متتالية هندسية معرفة على  $\mathbb N$  و أساسها موجب.

 $u_5 = 576$  و  $u_3 = 144$  أن:  $u_0$  إذا علمت أن:  $u_3 = 576$  و  $u_3 = -1$ 

 $u_n = 18 \times 2^n$ : المحقق أنه من أجل كل عدد طبيعي -2

 $S_n=1134$  : ميث: n المجموع: n المجموع:  $S_n=u_0+u_1+...+u_n$ ، ثم استنتج قيمة العدد الطبيعي n حيث: -3

التمرين الثالث: (05) نقاط)

1) أدرس تبعا لقيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد  $7^n$  على 9.

2) عين باقى القسمة الإقليدية للعدد:

$$9$$
 على  $\left(1429^{2009} + 2008^{1430}\right)$ 

3 ) بين أن العدد A حيث:

 $A = 7^{3n} + 7^{3n+1} + 7^{3n+2} + 6$ يقبل القسمة على 9 من أجل كل عدد طبيعي

العلامة		عناصر الاجابة	لحاور
المجموع	مجزأة	الموضوع الأول	وضوع
	1 0.75 1.25	التمرين الأول: $u_2 - 2u_5 = 19 \; () \; (1)$ $r = -3$ $u_{10} = -25  u_{10} = u_1 + 9.r \; ()$ $u_{10} = u_1 + 9.r \; ()$ $u_{10} = u_1 + 0.r \; ()$ $u_{10} = u_1 + 0.r \; ()$ $u_{11} = u_1 + (n-1)r \; ()$ $u_{11} = u_1 + (n-1)r \; ()$ $u_{12} = u_1 + (n-1)r \; ()$ $u_{13} = u_1 + (n-1)r \; ()$ $u_{14} = u_1 + (n-1)r \; ()$ $u_{15} = u_1 + (n-1)r \; ()$	
06	0.5	$n = 671$ أي $3n = 2013$ $u_n = -2008$ $u_{671} = -2008$ $S = u_1 + u_2 + + u_{671}$ (4	
	1.25	$S = \frac{671}{2}(u_1 + u_{671}) = 671 \times (-1003)$ $= -673013$	
05	0.5 1 1 1.5 1	التمرين الثاني: $a\equiv 1[3]$ (أ . 1) $a\equiv 1[3]$ (أ . 1) $a\equiv 1[3]$ (أ . 1) $a^{2a^{2}}+4$ على 3 هو 0 $a^{360}-5\equiv 2[3]$ ( $a^{360}-5\equiv 2[3]$ ( $a^{360}-5\equiv 2[3]$ () بواقي قسمة $a^{360}-5\equiv 2[3]$ على 3 هي 1 ، 2 على الترتيب $a^{2k+1}$ ( $a^{360}-5\equiv 2[3]$	وافقات

لامة	العا	عناصر الإجابة	محاور
المجمو	مجزأة	الموضوع الأول	لموضوع
09	0.5 4×0.5	$a = -4 \cdot f(x) = \frac{x-3}{x+1} $ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1 ,  \lim_{x \to -\infty} f(x) = 1$ $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty  \lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty $ (2)	
		$\lim_{\substack{x \to -1 \\ <}} f(x) = +\infty, \lim_{\substack{x \to -1 \\ <}} f(x) = -\infty $ (2) $\lim_{\substack{x \to -1 \\ <}} f(x) = -\infty $ (2) $\lim_{\substack{x \to -1 \\ <}} f(x) = -\infty $ (1) $\lim_{\substack{x \to -1 \\ <}} f(x) = -\infty $ (2) $\lim_{\substack{x \to -1 \\ <}} f(x) = -\infty $ (2)	
	2×0.5		
	1	$f'(x) = \frac{4}{(x+1)^2} : f'(x)$ حساب (3<) $x - \infty \qquad -1 \qquad 3 + \infty \qquad : f'(x)$ جدول تغیرات $f'(x) = \frac{4}{(x+1)^2} : f'(x)$	
	2×0.5	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
	1	$y=\frac{1}{4}(x-3)$ هي: $y=\frac{1}{4}(x-3)$ معادلة المماس ( $\Delta$ ) هي: (4	
	2×0.5	B(0,-3), A(3,0) (5	
	1+0.5	رسم $(\Delta)$ و $(c_f)$ یسم $(\Delta)$	
		الموضوع الثاني	
08		التمرين الأول:	
	1+0.5	$f(x) = \frac{-2x+7}{x-2} $ (1)	
	1+0.5	$f'(x) = \frac{-3}{(x-2)^2}  (2\omega)$	
	1+0.5	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = -2  (3)$	
	1+0.5	x=2	
	2	y+3x-10=0   Manumal (5)	
		التمرين الثاني:	
	1	$(q > 0)   u_5 = u_3 q^2   (1)$	
		$q^2=4$ و منه $q=2$	
	1	$u_0 = 18$	

ت اجنبیه العلامة		عناصر الإجابة	محاور
المجموع	مجزاة	الموضوع الثاني	محاور لموضوع
	1+0.75	$u_n = u_1 \times q^n = 18 \times 2^n : n$ میار تا بدلاله $u_n = u_1 \times q^n = 18 \times 2^n : n$ میار تا بدلاله (2)	
	. 0.75	$s_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ (3) حساب المجموع بدلالة $s_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$	
	1+0.75	$= u_0 \times \frac{2^{n+1} - 1}{2 - 1} = 18(2^{n+1} - 1)$	
07	0.5	$S_n = 1134$ استتاج قیمه $n$ بحیث $S_n = 1134$ معناه $S_n = 1134$	
	01	n=5 : $n=113$	
05		التمرين الثالث:	
		<ol> <li>دراسة بواقي "7 على 9</li> </ol>	
	4×0.25		
		من أجل كل عدد طبيعي k	
	0.5+0.5	$7^{3k+2} \equiv 4[9]$ , $7^{3k+1} \equiv 7[9]$ , $7^{3k} \equiv 1[9]$	
		$9$ تعيين باقي قسمة العدد $\left(1429^{2009}+2008^{1430} ight)$ على و	
	0.75	$ \lim_{k \to \infty} \begin{cases} 1429^{2009} = 7^{3k+2}[9] \\ 1429^{2009} = 4[9] \end{cases} $	
	0.5	$2008^{1429} \equiv 1[9]$ و منه $2008 \equiv 1[9]$	
	0.5	$1429^{2009} + 2008^{1430} \equiv 5[9]$ ينن	
		$A = 7^{3n} + 7^{3n+1} + 7^{3n+2} + 6 : A$   [3]	
		. $\mathbb N$ من أجل كل عدد $n$ من القسم على $9$ من أجل كل عدد $n$	
	0.5	$A = 18[9]$ $Q = (1+4+7+6)[9]$	
	0.5	$A \equiv 0[9]$	
	0.25	القسمة على 9 القسمة على 4 القسمة على 9 الم	